

Done by: Maya.M.Afanah

مايكرو - CH3
شرح و توضيح لتلخيص د.عامرية

Good luck for all 😊

CH³

Maya. M. Afanah

☺!!

27/7/2022 : CH3 :- © Demand Curve ©
٣ مواضع

- ① individual Demand.
- ② market " "
- ③ Elasticity of demand.

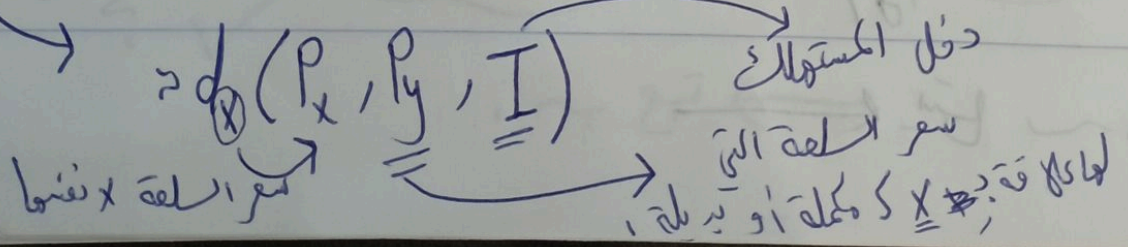
We start with \rightarrow individual Demand curve :-

الطلب على مستوى الفرد بمثلنا في الكمية التي يرغب المستهلك في شرائها أو الطلب عليها على سعر معين . (طبعاً مع قدرته على الشراء) .

كيف يمكن اشتقاق هذه العلاقة ؟؟ يقول بهذا الشكل :
 \rightarrow Quantity of good X demanded : $d_x (P_x, P_y, I; \text{Preferences})$

أي أن ، الكمية المطلوبة من سلعة X تعتمد على سعرها ، سعر السلعة Y التي يمكن أن تكون بديلاً أو مكملًا لسلعة X ، سعر السلعة X نفسها ، تفضيلها ، ويعتمد أيضاً على دخل المستهلك وذوقه عليها .
 (هو صمدان الطلب) طبعاً في شيء يؤثر بالطلب وفي شيء يؤثر على الكمية المطلوبة .

Note that : وضعنا (ف) قبل Preferences لأنه سوف نفترضه أنه الـ Preferences ثابتة constant ؛ وذلك لأنه الذوق والتفضيل هو شعور لا يمكن قياسه بكمية كالدخل أو الأسعار ، لذلك نفترضه أنه ذوق كل الناس على السلع متشابه ، لذلك المعادلة بتفسيره :



السؤال
المشهور

كيف يمكن اشتقاق الطلب على السلع؟؟ (مثال للتوضيح)

EX.:- A consumer consume two goods X and Y , His utility function is given by: $U(X, Y) = XY + X$

If the price of good X is P_x , Price of good Y is P_y and consumer income is I , ~~Derive~~ Derive the demand equation for good Y .

الفرع الأول من السؤال :-

Answer: ① B.L (Budget line): $P_x X + P_y Y = I$ --- (1)

Note that → هدفنا أي مستهلك من شراء سلعة انه
Max. $U =$ ستحصلها وبكيفية أكبر كمية شراؤها يمكن
Utility

ولذلك اشتقاق الطلب على سلعة ما، نفس خطوات Utility Maximization

to Max Utility:

$$\textcircled{2} \frac{MU_X}{MU_Y} = \frac{P_x}{P_y}$$

$$\rightarrow \frac{MU_X}{MU_Y} = \frac{\partial U}{\partial X} = Y + 1$$

$$\rightarrow \frac{MU_Y}{MU_X} = \frac{\partial U}{\partial Y} = X$$

← سبب

to max utility $\rightarrow \frac{M_{UX}}{M_{UY}} = \frac{P_x}{P_y}$

$\rightarrow \frac{Y+1}{X} = \frac{P_x}{P_y}$

© بالقرية البادية ©

$\rightarrow P_x X = (Y+1) * P_y$
 $\rightarrow P_x X = P_y Y + P_y$

Note that: في حال الـ X والـ Y متعادلة $X = Y$ اذا تعويف كل Y لانه X لازم اقل موجودة، بس هون فيه Y موجودة \approx لا P_x اخون كل X .

$\approx P_x X + P_y Y = I$

$P_y Y + P_y + P_y Y = I$

تالتعويف \approx :

$= 2P_y Y + P_y = I$

$\rightarrow 2P_y Y = I - P_y$

انا بي Y

نه بقسم مع $(2P_y)$ الطرفين، تصبح المعادلة ١-

$Y = \frac{I - P_y}{2P_y} = \frac{I}{2P_y} - \frac{1}{2}$

لهونه كافي ✓

Y كما تعبر عن الكمية المطلوبة من السلعة Y

← تتبع \approx .

Note that :-

معادلة y السابقة تعتبر من الكمية المطلوبة من السلعة y

من خلال المعادلة نلاحظ أن الكمية المطلوبة من سلعة y تعتمد على الدخل و سعر السلعة y نفسها
و واضح أن سلعة x لا تعتمد على سعر y وهما سلعتان unrelated
لا بدائل ولا مكملات لأنهما لا يعتمدان على سعر السلعة الثانية.

الفرع الثاني من السؤال :-

② IS good y normal or inferior? EXPLAIN.

Normal ✓ $I \uparrow = y \uparrow$

حيث أن الدخل يقع في البسط وكما أن زاد البسط مع تزايد y .

أفترض السؤال به معادلة x من y (نفس الخطوات الكل حسب بل ما تقولها)
مخرج x يتغير مع مخرج y .

خاصية لل Demand curve → Homogeneity Page 3

ما المقصود بهذا المعنى رياضياً اقتصادياً و ما ترتبطها بال Demand curve.

لو أعطيتك عنوان المعادلتين بالرياضيات :-

$$\left[\begin{array}{l} 3x + 4y = 12 \\ 6x + 8y = 24 \end{array} \right]$$

ما العلاقة بين هذين المعادلتين متساويتان (متكافئتان) لأنه إذا قسمنا

الطرف الأيمن للمعادلة الثانية على 2 بتغير

في المعادلة الأولى

← تبين

ه إذا كانت معادلة رياضية بغيره أطرافها بنفس القيمة ما به يؤثر عليها ، (لازم أن يكون كل طرف من المعادلة) .

سواء علاقة ها الأشياء بال Homogeneity و سواء علاقتها بالاعتقاد ؟؟
 ← علاقتها بالاعتقاد

كثيرا أن الطلب على سلعة يعتمد على الدخل و السعر و يمكن أن يعتمد على سعر السلعة الثانية ، نه يعتمد على الأسعار و الدخل ،

ما المقصود بال Homogeneity ؟؟ (السلعة نفسها و سلعتها البسيطة أو المركبة)

← أنه إذا تغيرت أسعار السلع بنفس نسبة و الدخل بنفس نسبة ، المعروف هو طلب المستهلك على السلعة ما يتغير .

الفرع الثالث من السؤال المشهور :-

③ IS demand for good Y Homogeneity ?? EXPLAIN .

كثيرا يعرفه بيدي انبعاثه الدخل و انبعاثه الاسعار و اسوفه سو يعبر بالطلب ، إذا الطلب قبل ثابت ← بتحققه هاي العنفة ، إذا .. تغيرت ← ما

الحل : →
$$Y = \frac{I - P_y}{2P_y}$$

(المخرجنا هذا الفرع الأول)

← يتبع

← بي آ ماعفة الفلاو ~~الطلب~~ السعر :

$$\frac{(2I) - (2P_y)}{2(2P_y)} = \frac{2(I - P_y)}{2(2P_y)}$$

$$= \frac{I - P_y}{2P_y} = \frac{Y}{2P_y}$$

ع الكوع والطلب بقدر اخره حامل مشترك

نالت في تحققة صفة ال Homogeneity
 وذلك لأنه على ماعفة السعر والدخل قبل Y ثابتة
 أد المعادلة صير

Demand for good Y is homogeneity.

* Page(5) : How a change in consumer income and good prices affect the consumer choice :-

بدنا نتحقق ← شو أثر تغير دخل المستهلك مع طلب المستهلك على السلع
 (مع ال consumer choice) ؟؟

((تغير الدخل Y) تغير الطلب))

تذكر ← علينا شوي عنه بي CH_1 .

مع نظيره ← على ال indifference curve و ال B.L في افناهم بي CH_2 .

افنا نعرفه انو عنا مفهومين

Normal good inferior good

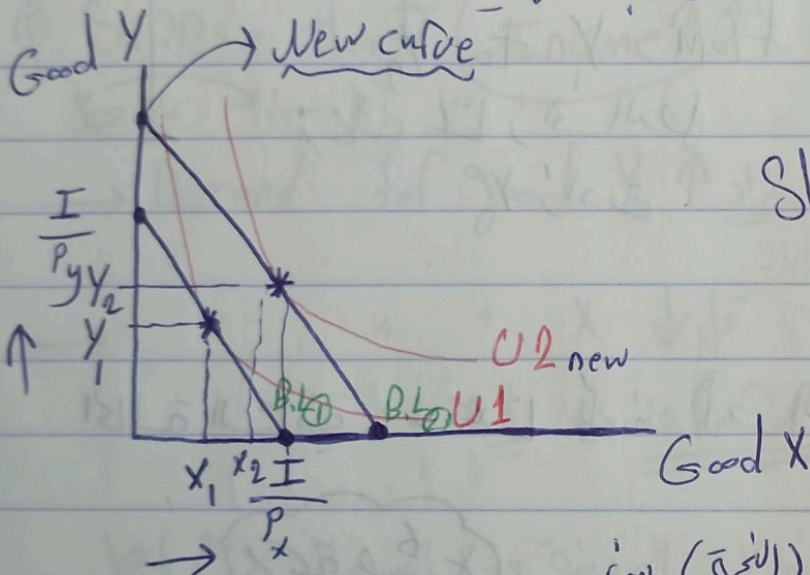
← بيع

← كلما تكدت السلعة Normal نعرف انه اذا \uparrow income ال \uparrow Demand \uparrow بزيده و العكس صحيح بزيده

← في حالة ال inferior \sim كلما الدخل \uparrow بزيده الطلب \downarrow يقل .

← لهذا الشاير بدنا نشبه هذا الشيء بالاعتماد على تحليلنا لـ B.L \Rightarrow Ind. curve على اذناهم بـ شاير 2^o .

نحتاج الرسم : ① حالة ال Normal -
 ② ركة هت بالهايه ③



النقطة على علة محاسبي (النقطة) بين

Budget line and Ind. curve ← هاي النقطة هي

Max Utility

على المعروف $y_1, x_1 \rightarrow$ أكبر يحتاج ممكن (قبل الـ New) قبل الـ تغيرات .

← تباع ... علينا على الركة

((طرية)) .

If consumer income ↑ increase from I to I'
 → نتيجة: Shift B.L to the right, because

↙ تقاطع ال intercept تكون ال B.L زادوا ↘

$$\uparrow \frac{I}{P_x} = \uparrow$$

$$\uparrow \frac{I}{P_y} = \uparrow$$

Demand for good X ↑ increase from X_1 to X_2 .
 ⇒ good X is Normal. ✓ زيادة; زيادة; زيادة; زيادة

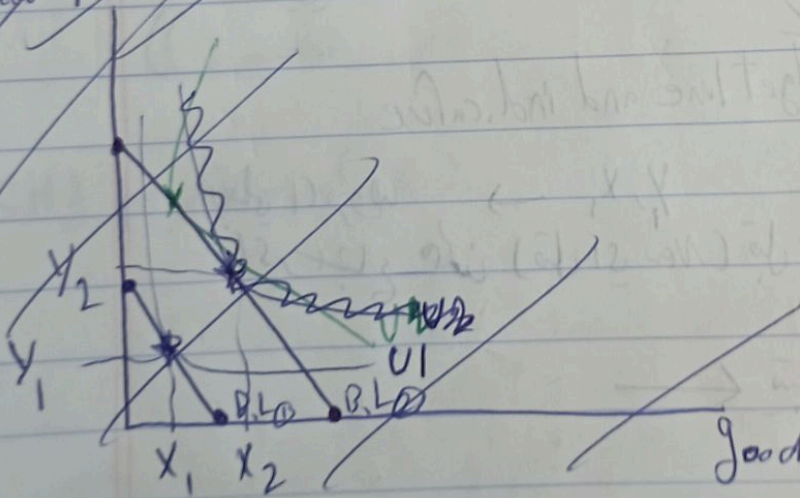
And, demand for good Y ↑ from Y_1 to Y_2 .
 ⇒ good Y is Normal. ✓ زيادة; زيادة; زيادة

تمة الكالة الكونية

الكالة الثانية - علا يكونه اح الضعيف ← inferior ردية

الكالة

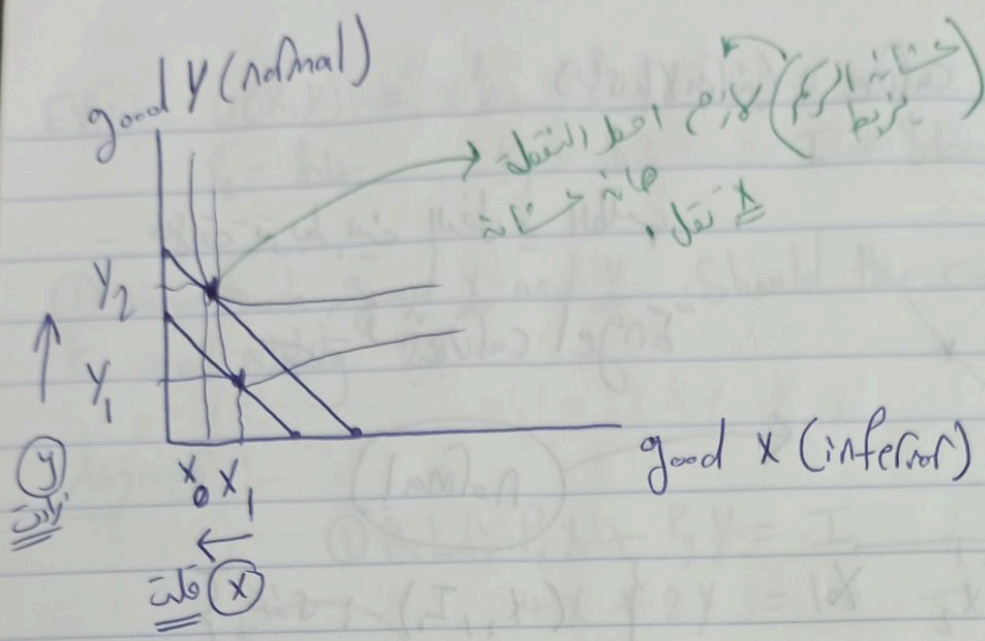
Good Y (Normal)



Good X (inferior)

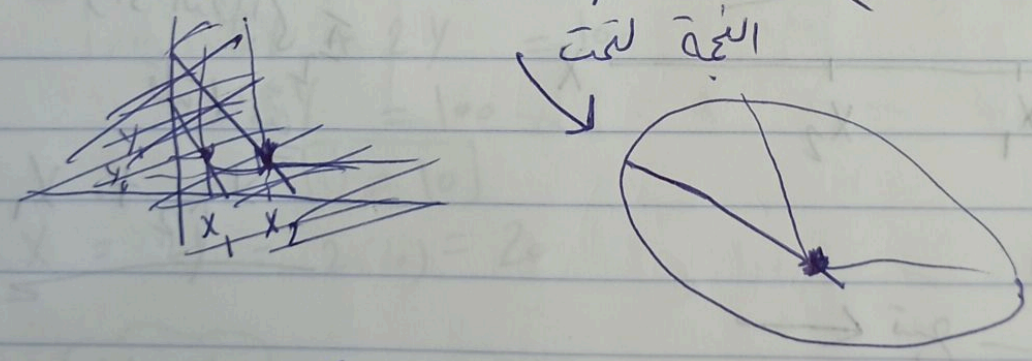
↙ ازم تبع الضعيف من ظول الضعيف علا
تزيد الضعيف = الطلب يقول → Shift B.L to the right

Shift B.L to the right



⊕ Suppose that Income ↑ Shift B.L to the right. ✓
 → Demand for good Y ↑ زاد from y_1 to y_2 (good Y is normal).
 → " " " X ↓ قل from x_1 to x_0 .
X is inferior. ✓

Note ← حركة انوار الرديئة و X النورمال لا يتم احط

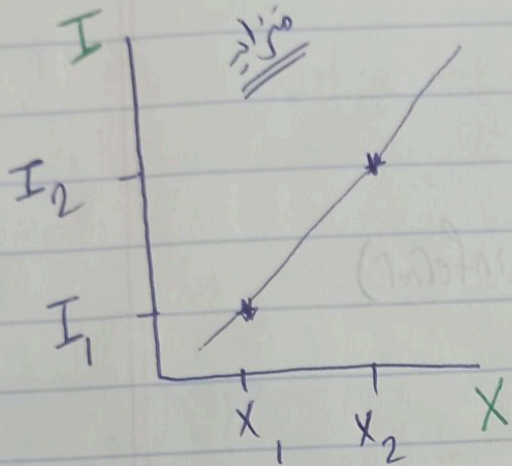


و مستحيل اعد في رديئة. ✓

* يتبي الحركة بالامكانة و اضابنا نعرف
 اذا X او Y نورمال ولا رديئة. ✓

Engel curve (علاقة بين الدخل والطلب)

علاقة تربط بين الدخل والطلب

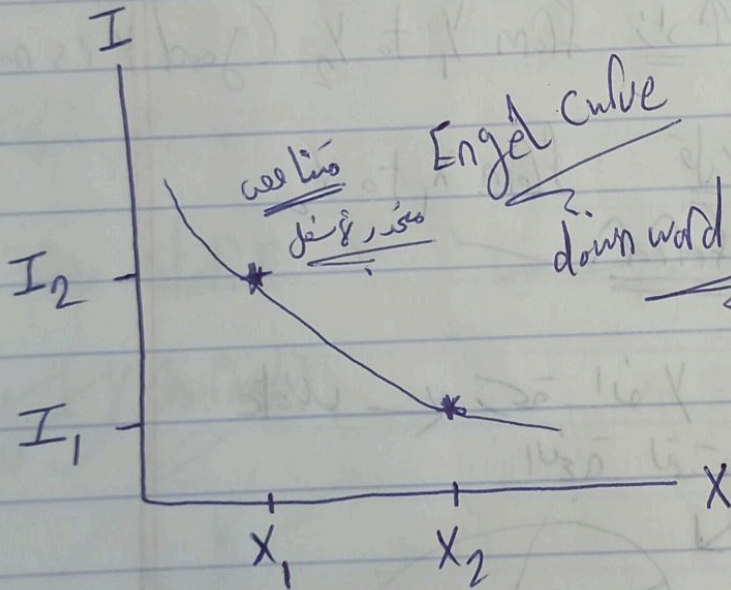


Engel curve

Normal

(x_1, I_1) : كندى
 (x_2, I_2)

Engel curve \downarrow inferior \leftarrow x تنوي



(x_1, I_2)
 (x_2, I_1)

زاد الدخل من I_1 إلى I_2
قلت x من x_2 إلى x_1

تبع \leftarrow

((٥٠٦)) - : ٢٦, ٤٦, ٤٦

EX.1 $U(X, Y) = X^2 + Y^2$
 $P_x = \$4$ $P_y = \$2$ $I = \$100$

① How much good X and Y, should the consumer purchase to max utility??

Answer:

① B.L: $P_x X + P_y Y = I$

$4X + 2Y = 100$ (1)

② $\frac{MU_X}{MU_Y} = \frac{P_x}{P_y} \rightarrow \frac{2X}{2Y} = \frac{X}{Y}$

$\approx \frac{X}{Y} = \frac{4}{2} \rightarrow \frac{2X}{2} = \frac{4Y}{2}$

$X = 2Y$ (2)

بعضها داخله ② في ① -:

$(4)(2Y) + (2Y) = 100$

$8Y + 2Y = 100$

$10Y = 100$

$Y = 10$

$X = 2Y = 2(10) = 20$

$Y = 10$

$X = 20$

← تتبع افترج

① بدي ازيه ادخلوا فكم اذا هم عاديان ولا رديان ①

الفرع الثاني :-

② If Income increase to 120, How much good X and Y should buy to max utility??

الكل \rightarrow 1 -

New B.L (تغير ال I) $4X + 2Y = 120$ (3)
 (مارة 120)

(ما تغيرت) $\frac{MvX}{MvY} = \frac{Px}{Py}$ $X = 2Y$ (4)

$4(2Y) + 2Y = 120$

$Y = 12$

$X = 2Y = 2(12) = 24$

ملا كانه النقل 100

Y (بالفرع 1) $\rightarrow = 10$
 مارة $\rightarrow = 12$ } \rightarrow Normal

X (بالفرع 1) \rightarrow ملا النقل = 20
 كانه 100 } \rightarrow Normal

مارة كانه النقل 120 $\rightarrow X = 24$

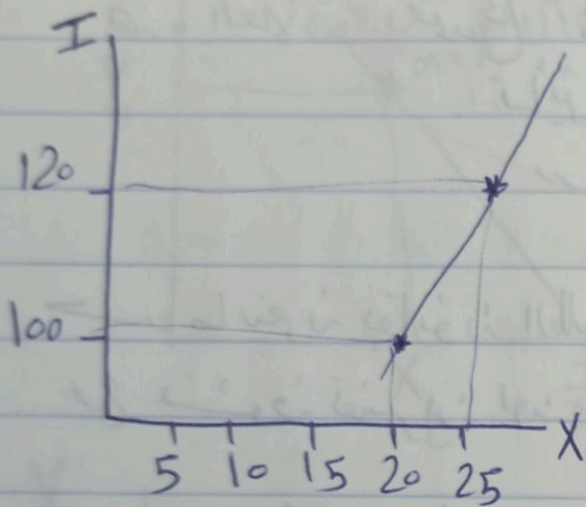
تبع \leftarrow

الفرع الثالث :-

③ Graph Engel curve - (for good X) :-

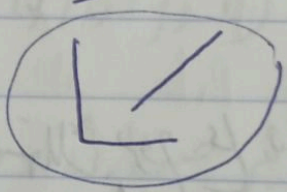
I	X
100	20
120	24

→ معلومات ~~مخططة~~ من الفرع الأول
 → " " " " الثاني



ما يربط ايركها الا لما يكونه
 كندى "عطيانه"

الركعة هيك لازم



(ركعتي مغربية)

ساعة

lec 2 : 28/7/2022

تأثير على طلب المستهلك

→ change in a goods Prices :-

??

من المعلوم أنه عندما يتغير سعر السلعة ، الكمية المطلوبة من السلعة يتغير حسب قانون الطلب .

هذه العلاقة تعتمد على : «تفسيرين»

- ① Substitution effect ، تأثير البديل
- ② Income effect ، الدخل

حسب ما نعرفه بقانون الطلب أنه لما يزيد سعر السلعة ، الكمية المطلوبة تنقل ، مع شؤفة تفسيرين لهذه العلاقة (تأثير البديل ، تأثير الدخل) .

① شرح تأثير البديل :-

لما يتغير سعر السلعة ، المستهلك يروح على سلعة بديلة
أي أنه لما سعر سلعة \downarrow يزيد \uparrow يروح المستهلك على استهلاك
السلعة البديلة \downarrow فطلبه على \downarrow يقل :

$$P_x \uparrow = Q_x \downarrow$$

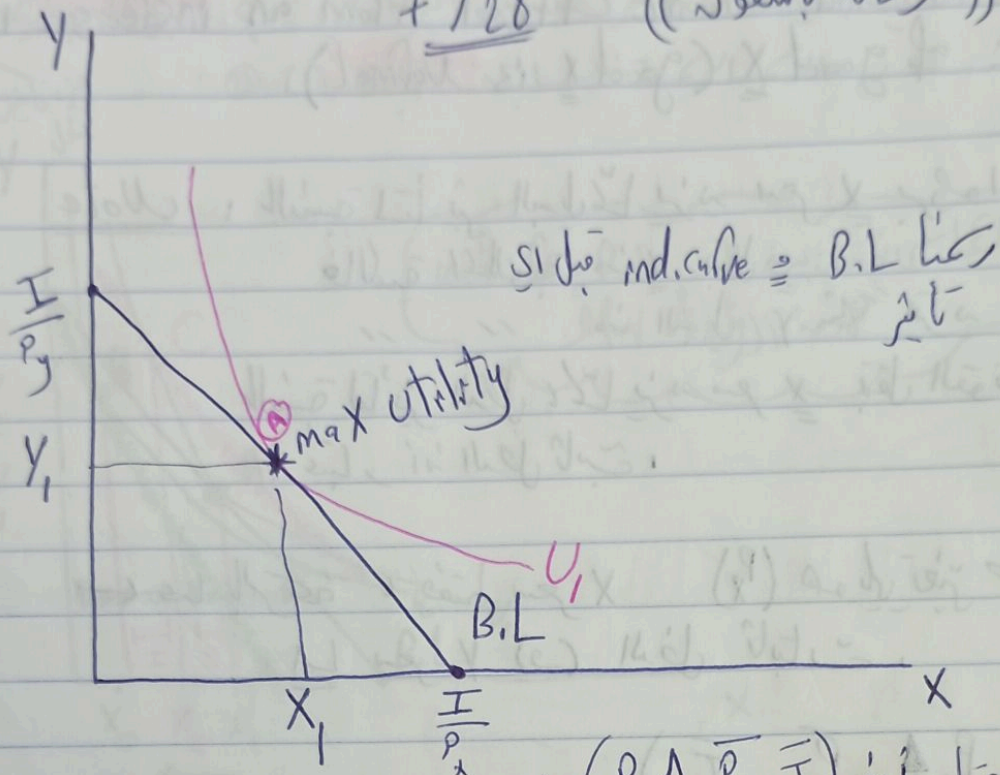
② تأثير الدخل :- «مربوط بالقوة الشرائية»

لما سعر \downarrow يزيد ، القوة الشرائية تنقل :

$$P_x \uparrow = \downarrow \text{القوة الشرائية} \rightarrow Q_x \downarrow$$

تطبيق الأشياء على الرسم بالاعتماد على (Indicade = B.L) :-

7/28 ((الرسم بالتلفون))



رسمنا Indicade = B.L قبل تأثير

بإتباعاً أنه $(P_x \uparrow, \bar{P}_y, \bar{I})$:

رسمنا التأثير حين أن سعر السلعة X

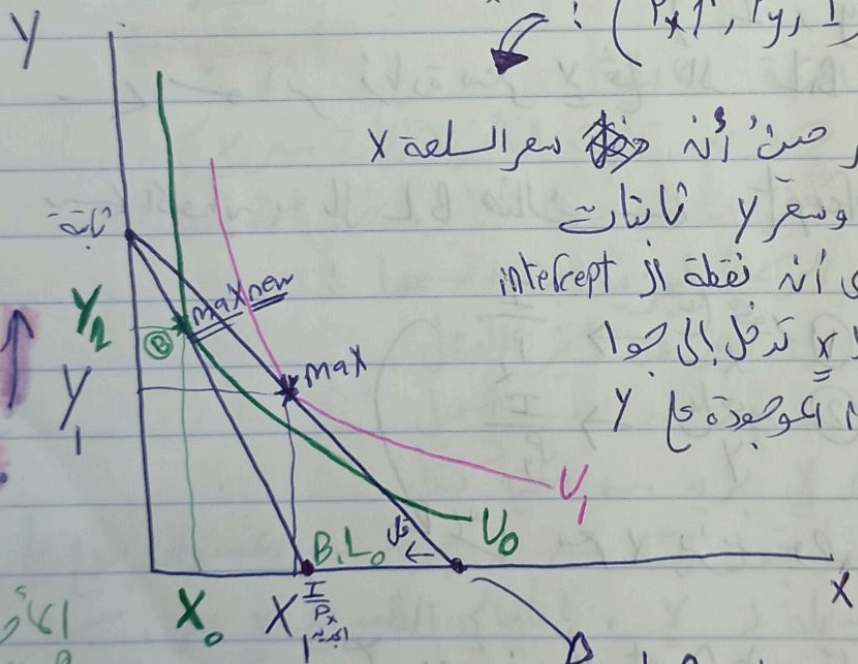
زاد و للدخل وسعر Y ثابتة

وذلك أدى إلى أنه نقطة از Intercept

الموجود على خط Y تدل إلى جوا

أما ال Intercept الموصولة على Y

ثابتة مكانها .



↑ زادت القيمة الحقيقية
↑ سعر السلعة X

الأفضل هو الجديد
رسمنا التأثير

قلت القيمة الحقيقية من X =

$$\text{Intercept} = \frac{I}{P_x \uparrow} = \downarrow$$

كلما زاد انقاص القيمة الحقيقية

Shift ←

Rotation inward ← مع B.L

act ←

شرح الركبان الساقيات :-

* Substitution and Income effect from an increase in the price of good X (good X is normal).

Note : بالنسبة لتأثير البديل كلما يزيد سعر X يروحوا للبديل فالكمية المطلوبة من X تنقل و
 بالنسبة لتأثير الدخل ، كلما يزيد سعر X تنقل القوة الشرائية باعتبار أنه الدخل ثابت .

← هنا بالركبة ، فقط سعر X (Px) هو الذي تغير حيث أنه زاد
 إما سعر Y أو الدخل ثابت .

$$(P_x \uparrow, P_y, \bar{I})$$

← شو أثر زيادة سعر X على ال B.L ؟؟

← الكوابه : بال B.L هناك 2 intercept (أفناهم و شاتر 2)

- ① على محور X → $\frac{I}{P_x}$
- ② على محور Y → $\frac{I}{P_y}$

← كلما سعر X يزيد وهو المقام تنزل يقل المقام .

أي أنه ال intercept ثابت $\frac{I}{P_x}$ مع تدخل الكوابه
 ثابت ال $\frac{I}{P_y}$ ثابتة مكانها .

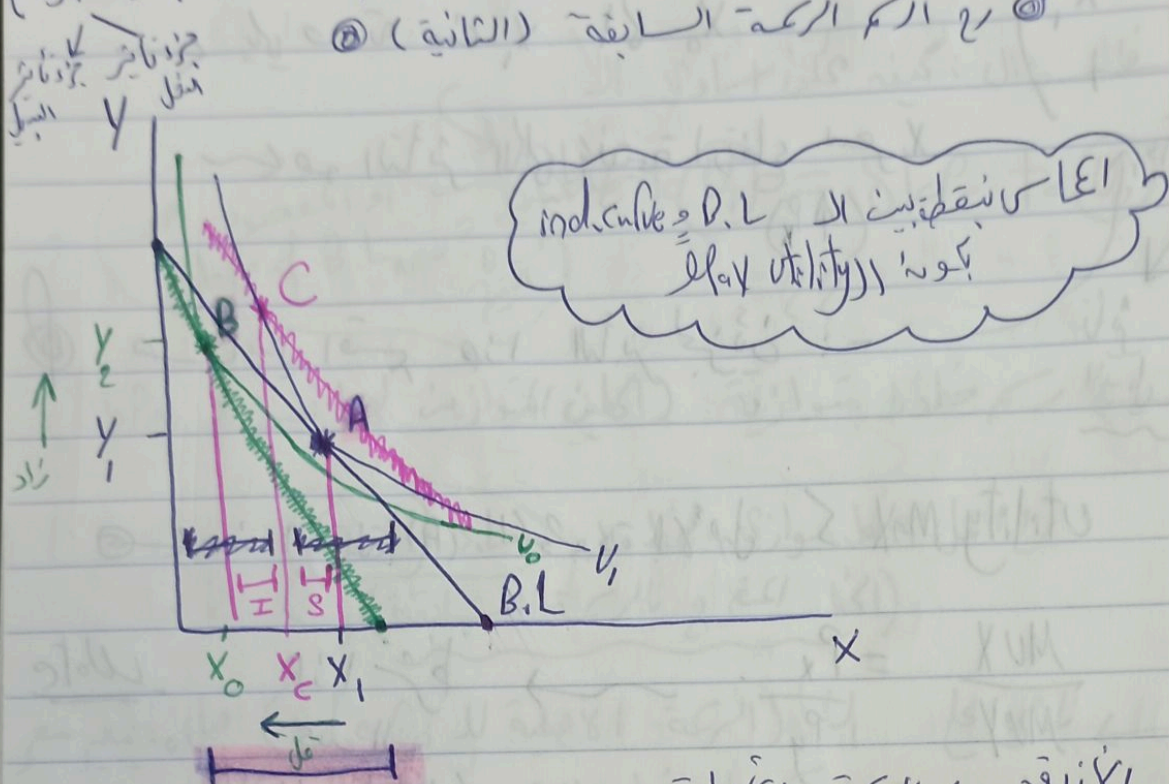
بلا ركة شيء طبيعي كلما سعر X زاد قلنا ~~الكمية~~ على الأوراد من ال الكمية المطلوبة

Rotation inward

- السؤال بالامكان من تلك الرسمة -

⊖ كيف يبدى احد تأثير البدل وتأثير الدخل ؟؟ (بدي اقسام الركعة للجرشين)

⊖ مع الرسم الركعة السابقة (الثانية) ⊖



⊖ الأزرق ← الركعة الأصلية .

⊖ الأخضر ← ركعة بعد تطبيقه التأثير لزيادة سعر y .

⊖ لتحديد مسافة تأثير الدخل في مسافة تأثير الدخل شو نقل ؟؟

⊖ حتى اقسام الركعة للجرشين يبدى اقسما :

⊖ ① جزئ يعتبر عن تأثير الدخل .

⊖ ② " " " " " البدل

⊖ حكنا كلما سعر y يزيد ← الكمية تنقل

⊖ تأثير البدل يقول كلما سعر x يزيد ← استهلاك يروح على

⊖ السعة البديلة لـ y ، بالنسبة الطلب على x يقل ،

⊖ تأثير الدخل يقول انه كلما سعر y يزيد ← القوة الشرائية ↓

⊖ بالنسبة الطلب على x يقل .

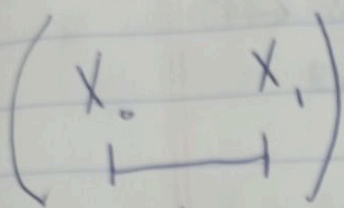
⊖ بدي اجمع التأثير الكلي :

⊖ تأثير الدخل ↓ = تأثير البدل طراد مجموعهم للكمية المطلوبة لـ x

⊖ يتبع .

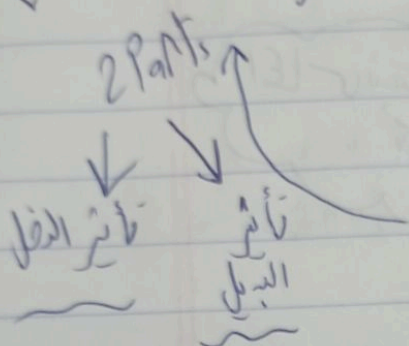
total effect 2 قتل ✓

← يبي صوته من X_1 الى X_0



← هو التأثير الكلي بالنتيجة ارتفاع سعر X

($\uparrow P_x$)



صائب اقم هذا التأثير الجزئين :-

← عند النقطة (A) الموجودة بالأصل ك Utility Max

(كلوا متساوية)
قل ما سعر
X يزيد
بزيادة تعبير
السعر

$$\frac{MU_X}{MU_Y} = \frac{P_X}{P_Y}$$

Note
هذا شرط
كندال
Utility Max.

علا ما سعر X يزيد \uparrow بتقل \uparrow هاي
المساواة موجودة ؛ لأنه $\uparrow P_x$

$$\frac{MU_X}{MU_Y} = \frac{P_X}{P_Y}$$

السؤال كيف ممكن ارجع هاي المساواة؟؟

مع زيادة سعر X

هذا يعبر عن ال slope

لل Utility function

Indicator

SI

← تبع ~

$\frac{P_x}{P_y}$ ← هو ال Slope لـ B.L

فال سوال : كيف ممكن تساوي ال

Slope to (U_1) = Slope to (U_0)
او المقصود هو Slope of B.L new = ال B.L القديم

??

ال جواب ← رسم خطوط متوازية (الكلين المتوازيتين لهما نفس ال Slope)

مع اعمل خط موازي لخط ال B.L (القديم) (الخط المتفرع بالرقعة السابقة)

← باصي على U_1 (الرقعة الاصلية لا Ind. Utility) قبل ما يتغير سعر X_1 و برسم عليه خط يوازي ال B.L الجديد.

ولذلك، حاشا ارجع اصفه ال Utility Max.

(الرقعة بالخط المتفرع الزهري) ← خط مائل مستقيم موازي لـ B.L الجديد

عمل مما سي مع معنى ال Utility Function (المعنى ال Ind. Utility)

في نقطة X_c

قصرى من U_1

عند النقطة C يرجع ال Slope لل Utility Function

ياوي Slope ال B.L الجديد.

لانهم خطين متوازيين ← تبع.

النقطة "C" بالرمز السابقة ← قسمني ال effect ال كجزيئين
 من امد من ال
Sub. effect ←
Income effect

السؤال عشان اعرّف امد ؟؟ ← كيت اهتموك بديل بين السلع ؟؟
 لست بروج مع السلعة البديلة لما تغير سعر X (↑)
 عشان يا قطع نفس ال Satisfaction
 عانه كما سعر لا يزيد بغير اشترطي كميانه اقل فيقل ال
 عانه احتذ عليه ← بديل بين السلع
 انا كستوكت يجب اول ال Utility max.

تسمى النقاط الي يكونوا على نفس ال indifference curve
 يعطونا نفس ال Utility.

التالي ← عنا نقطة A و B و C بالرمز.

النظيرت الي يكونوا على نفس ال indifference سينم يكونوا ال
 تأثير البديل → Sub. effect

((همم كدي انتقال النقاط من A الي C ولا العكس (مثلا)))

عنا بالرمز A و C موجودين على U_1 (نفس ال indifference)
 بين A و C هو عبارة عن ال Sub. effect تأثير البديل.

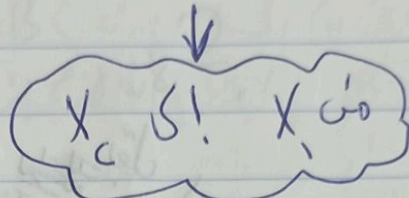
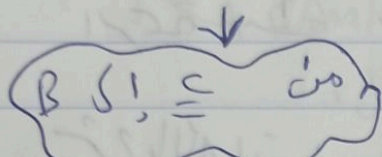
ايما بلهيه لتأثير الدخل الي بقل يقول انه القوة الشرائية ↓
 كما سعر لا يزيد ال اكميان المستهولة تقع

اقل كميته ال Utility بتغير اقل ، فيتر في لما النقل بال indifference
 من نقطه - اكبر ال نقطه الغير يعني من U_1 الي U_2 بغير ال اقل Utility

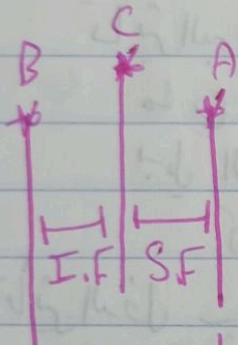
در انتقال من \leq ای B هویت جیل ← "income effect"
 من العکس مرکزی

Income effect

Substitution effect



منحنيات متعلقة ← B ← C



از موارد النطاق

Total effect ← من X_1 ای X_2

Total effect

هذه حالة $P_x \uparrow$

السركة بالسفوة
 اول وحدة بـ 28/7

← تبع

X, Y بهذه السركة ← بدائل
 لأنهما زاد سعرا ، زاد الطلب Y

انتوقع يمكن في ضربة

الدكتور طم انهم مكالات

Decrease

الحالة الثالثة :-

لا نترك $P_x \downarrow$ (لما سعر X يقل) $\Rightarrow X \leftarrow Normal$

← الحركة بتسمى ظاهرة، أنا على امدد التأثيرات من اي نقطة لاي نقطة

الحركة صك بالتكيف

شرح بالكلمات: لما سعر X لا يقل ~~بشيء~~ يقل

تأثير البديل أو المستهلك
ما في يروح على استهلاك السلعة البديلة لأنو سلعة X اخص من اي بديل الها نه طلبه على X (المية) را تزيده

تأثير الدخل ← لما سعر X لا يقل ← تزيده القوة الشرائية ↑
ه الكميان القادر على شراها من الا تزيده

المحول زاد والتأثير زاد نه مجموعهم تزيده
الشيء: ه المية المطلوبة من الا لازم تزيده لما سعرها يقل

لما سعر X قل هار $outward$ (روانشه) لا $outward$ هومي حركة
اد B.L الكليه د هرك $\frac{I}{P_x}$ ثابتة

نترك ال $ind. curve$ ونعمل محاس وبعده التأثير على X

X زادت من X^* اى X^{**}

بدي اقم التأثير اى جزئين ← تتبع

الكل

باصري على ال U باي كانه بالاول (ال molecule لي كانه بالاول)
و برسم عليه خط موازي لل B, L الكديه ، بحيث يقسم ال
total effect الى جزئين ، (لاطي E و B قبل نصف) .

Sub. effect ال molecule نه فيقسم ال A, B *
FAM Point A to B
لان لازم نزيد لان السر قل .

FAM Point X_B to X^{**} ← income effect *

FAM Point A to C ← التأثير الكلي *

مكن بالامكان يعطين ارقام بدل $X^* \approx X^{**}$ ✓

Note : \downarrow بتا سر X ، الطلوع Y لم بتاثر قبل ثابت
unrelated ← Y, X

الاعتمادية
المتبادلة

تبع ←

الحالة الثالثة: - إذا كانت السلعة (inferior) -

((إذا $P_x \uparrow$) \rightarrow $Q_x \downarrow$)
على افتراض أن $Y = \text{const}$ رديئة

لأنه عند زيادة سعر السلعة I الدخل من

سعر السلعة \rightarrow

Substitution effect لا يتأثر بتغير السلع (رديئة، عادية) \rightarrow دائماً لا

تبدل بالسر بتأثير

إذا زاد سعر سلعة X المستهلك يبتعد عن السلعة البديلة Y (تغير التفضيل إذا عادية ولا رديئة)

Income effect \rightarrow لكن تأثير الدخل هو على بتأثير

\leftarrow إذا زاد سعر السلعة يزيد \rightarrow القوة الشرائية \downarrow يتقل

أي أنه دخلي يعبر بجيب سلعة Y و Z \rightarrow أقل

كأنه \rightarrow Real income \downarrow قل

\downarrow كأنه دخلي قل

ك طلب

طالما الدخل يقل والسلعة (رديئة)

في كمية المطلوبة منها يزيد \rightarrow لأنه دخلي قل

total effect \leftarrow S.E \rightarrow تأثير البديل \downarrow قل

I.E \rightarrow تأثير الدخل \uparrow زاد

المجموع: ؟؟ هنا أكثر من احتمال!

$P_x \uparrow$

If S.E > I.E $\rightarrow Q_x \downarrow$ decrease

(يشطبوا بضعف)

If S.E = I.E $\rightarrow \bar{Q}_x$ constant

طالما ظاهرة

If I.E > S.E $\rightarrow Q_x \uparrow$ increase \rightarrow

Giffen good \leftarrow Last \rightarrow شرحه كمان شوي

Page 13 "أي الزيادة على السلعة الرديئة" حالة خاصة نادرة جداً!
أكثر من انخفاضه من النتيجة = زيادة

Giffen Good → عبارة عن سلعة لها زيادة سعرها
يزيد الطلب عليها، (تتبع قانون الطلب كأنه عكس) (عكس قانون الطلب)

مثلاً: الكمامة (زاد سعرها ومع ذلك الطلب زاد) حالة خاصة فقط في
فترة كورونا،

أو ال Giffen Good :

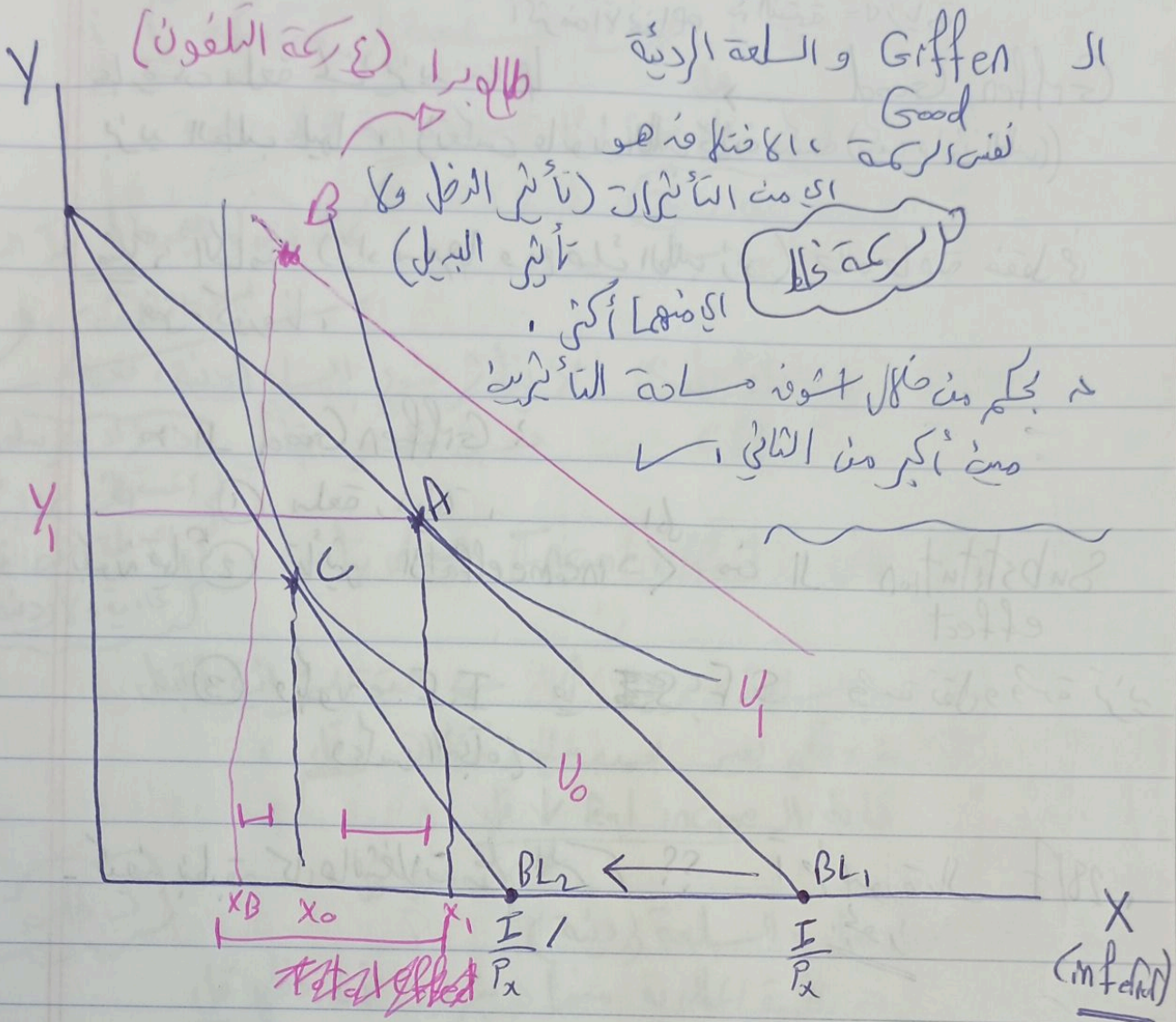
① سلعة رديئة،
② تأثير الدخل effect $<$ من ال Substitution effect

③ ويكون I.F $>$ S.F $>$ وسعة نقل ووسعة ترزيب
(عكس الاتجاه)

كيفه بتطبيق كل هالنظرات على الرسم؟؟
أهمية بال 28/7
مجزأ

← تبين

الرفعة لبت 13 ©



قل S.E: from Point A to B ($x_0 \rightarrow x^B$)

I.E: from Point B to C ($x^B \rightarrow x$)

عند
 4/12/18 من جامعة
 7 / 28

« شرح الركعة 13 :- (الشرح حسب رموز اللون الكبير) «
 « شرح رموز الخفيف :-

« كلما سعر X يزيد ← نقطة الـ $\frac{I}{P_x}$ ترج تفضل لجوا
 « لأنه كلما زاد المقام ← قل المقدار

Rotation inward

لازم اثر كم الخط الموازي، بالتحديد تأثير البديل وتأثير الدخل

Note

نقطة الاستهلاك Max
 الأول ← (X_1, Y_1)

نقطة الـ Max utility الجديدة ← (X_0, Y_0^{**})

نستنتج من الركعة أنه X و Y ← مكملات
 لأنه كلما زاد سعر X قل الطلب عليها
 و قل الطلب على Y

مكملات

مع الركعة، المطلوب منا تقسيم التأثير إلى صحتين:
 « لازم اتركه (في حالة inferior) لازم اتركه مما سي
 تقسيم التأثير الكلي من النقد (ال لازم يطالع لبرا انما سما)
 « شأنه وطوره تأثير نقل وتأثير ~~ال~~ يزيد

((ال effect يها من X_1 الى X_0))

Result :

~~Effect~~ effect \rightarrow From X_1 to X_B ✓ ✓
 S.E ~~Effect~~ \rightarrow From X_1 to X_B ✓ ✓ الطلب يقل
 I.E \rightarrow From X_B to X_0 تزداد

\Rightarrow S.E \rightarrow From point A to B. (decrease)
 I.E \rightarrow " " B to C (increase)
 « عكس الاتجاه يكونوا »

السؤال هل يعتبر \neq و \neq ← Giffen ولا لا ؟
 Good
 الإجابة : إذا كانت $I.E < S.E$ يكون Giffen Good

هوية $I.E < S.E$ \neq inferior فقط
 وليست Giffen Good

المطلوب معرفة : ① كيف اطلق قيمة الـ I.E
 S.E \equiv

② اعرف العلاقة بين السلعتين هل هم بديل ولا

مكملان

③ في حالة الـ inferior مع سؤال هل هي

Giffen Good or Not ??

نعم

lec 3 / (1/8)

Example 1 - A consumer has a utility function

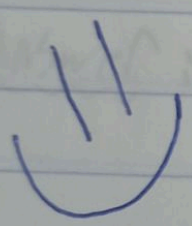
$$U(X, Y) = XY + X$$

Price of good X is 2 and price of good Y is 1 and income = 11

تشریح

① How much good X and Y should the consumer buy to max utility.

الحل المسألة



$$\text{Budget: } P_x X + P_y Y = I$$

$$2X + Y = 11$$

$$\text{Mux} = P_x$$
$$\text{Muy} = P_y$$

بیا

$$(Y+1) + Y = 11$$

$$2Y + 1 = 11$$

$$2Y = 10$$

$$Y = 5$$

Lec. 3 / (1/8)

سؤال 8 رقم (تعلق بتغير سعر السلعة = كيفية تأثيره على الكمية المطلوبة) :
"مثال خارجي"

Example:- A consumer has a utility function

$$u(x, y) = xy + x$$

Price of good x is \$2, Price of good $y = \$1$
and income = \$11

① How much good x and y should the consumer buy to
max utility ??

Answer: ① B.L: $P_x X + P_y Y = I$
 $2x + y = 11$ ----- (1)

② $\frac{MU_x}{MU_y} = \frac{P_x}{P_y} \rightarrow \frac{y+1}{x} = \frac{2}{1}$

$$y + 1 = 2x$$

بالتعويض: $(y+1) + y = 11$

$$2y + 1 = 11$$
$$\begin{array}{r} 2y + 1 = 11 \\ -1 \quad -1 \\ \hline 2y = 10 \end{array}$$

$$\frac{2y}{2} = \frac{10}{2} \rightarrow \boxed{y = 5}$$

← تبين

لايجاد X نعوض بر معادله رقم 2

$$2X = Y + 1$$

$$2X = 5 + 1$$

$$\frac{2X}{2} = \frac{6}{2} \rightarrow \boxed{X = 3}$$

2) if P_x decrease to $\$1$, How much good X and Y should the consumer buy to Max utility?

Are good X and Y complement, Substitutes or unrelated? in this case? Explain.

الاجابة: 1) BL: $X + Y = 11$ ①

2) $\frac{MU_X}{MU_Y} = \frac{P_X}{P_Y} \rightarrow \frac{Y+1}{X} = \frac{1}{1}$

$X = Y + 1$ ②

بالتعويض: $\rightarrow Y + 1 + Y = 11$

$2Y = 10$

$Y = 5$ ✓

$X = 6$ ✓

when $P_x \downarrow \rightarrow$ demand for good Y unchanged
 $\Rightarrow X, Y$ are unrelated.

←

③ Construct (draw) demand curve for good X :-

الكل :-

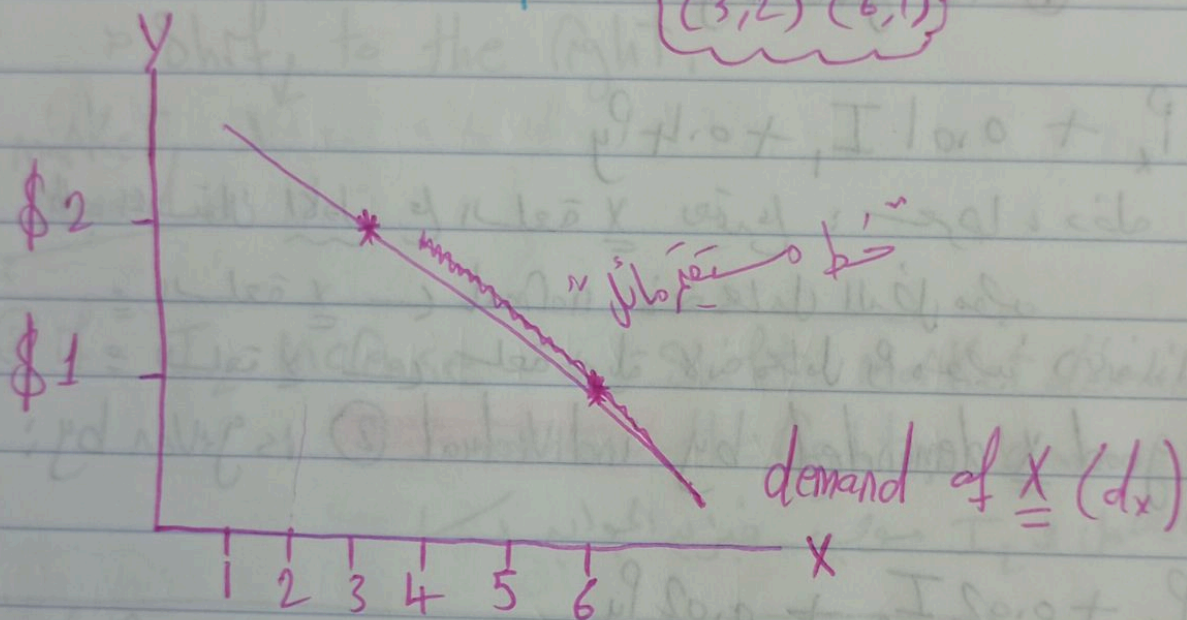
أولاً: جدول جدول :-

P_x	X
2	3
1	6

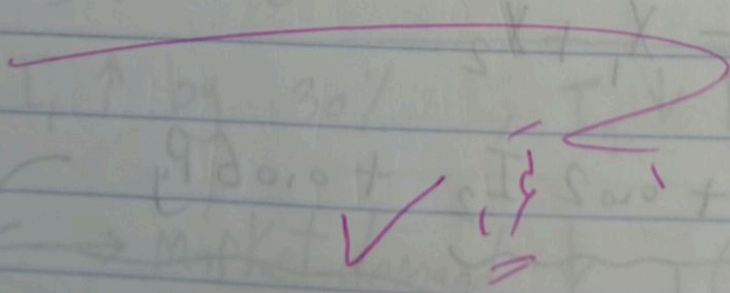
من الفرع الأول →

من الفرع الثاني →

(3, 2) (6, 1)



علاقة اقل فاصل اذ هم السعر يتغير السلعة يتغير ✓



Page "18" : Market Demand : "طلب السوق"

هو → = Sum of individual demand

هو الكمية التي يتم الطلب عليها من كل المستهلكين في سوق السلع ،
 فهو مجموع الطلب الفردي ، (على سعة واحدة) ،

For example : quantity of good X demanded by individual ① is given by :

$$X_1 = 10 - 2P_x + 0.01 I_1 + 0.4 P_y$$

طلب المستهلك الأول على السلعة X يعتمد على : سعرها ، دخله ، سعر السلعة
 الثانية (y)

السلعة X ← normal لأنه معامل الدخل موجب
 السلعة Y ← سلعة بديلة لأنه معامل P_y موجب (لأنه إذا زاد سعرا زاد الطلب على X)

quantity of good X demanded by individual ② is given by :

$$X_2 = 5 - P_x + 0.02 I_2 + 0.02 P_y$$

Market demand : $X = X_1 + X_2$

$$15 - 3P_x + 0.01 I_1 + 0.02 I_2 + 0.06 P_y$$

طلب سلعة واحدة
X

صنوع اجمالي
 لأنهم دخلين مختلفين
 كل دخل مستعمل في آدم غير

وهلينا الى انه طلب السوق على
 سلعة X يعتمد على سعر السلعة X
 = سعر السلعة Y ودخل
 المستهلك الأول والثاني ،

* أي تغييرات تحدث مع الدخل أو مع سعر السلعة البديلة أو العملة، شو
 يمكن يكون تأثيرها على ال (Market demand)

الحالة الأولى على سبيل المثال:

① If I_1 increase

(حسب المعادلة)

النتيجة: market demand \uparrow (لأنه موجب) \oplus

\Rightarrow Shift to the right.

Market Demand

② If I_2 increase = Shift market demand to the right; because

لأنه موجب I_2 موجب فزيادة الجواب \checkmark

③ If $P_y \uparrow$ increase = market demand \uparrow

(Shift to the right) "لأنه موجب P_y موجب"

④ If $I_1 \uparrow$ by 30% , $I_2 \downarrow$ by 30%

النتيجة: \rightarrow Market demand \downarrow (Shift to the left)

لأنه موجب I_2 أكبر من موجب I_1

Note: Market $I_1 \leftarrow 1\%$ (0.01) معناها إذا بزيء دخل المستهلك بـ \$

مع بزيء market demand بـ 1% بونتي

(ونفس الشيء كذا I_2)

(الموضوع الأضيق)

"مرونة الطلب"

اختصارها

Page 20: Elasticity of Demand : E_p

$P \uparrow \rightarrow Q_d \downarrow$ (قاعدة عامة)

نسبة التغير في الكمية المطلوبة عندما يتغير سعر السلعة
بنسبة 1% (هذا ما تقيسه المرونة)

مثلاً إذا زاد سعر السلعة بـ 10% هل الكمية تتخفد بـ
1% ولا أكثر ولا أقل؟ هذا ما تقيسه مرونة الطلب

Note: المرونة دائماً بطولها على شكل نسبة تغير ✓

سالب لأنه علاقة عكسية

← قراءة قيمة الـ E_p :-

EX: $E_p = -5$

القراءة: إذا زاد سعر السلعة بـ 1% يقل أو فاقه الكمية المطلوبة
بـ 5% (مصحح الطلب)

أو العكس: إذا قل سعر السلعة بـ 1% فاقه الكمية المطلوبة من لا تزداد بـ
بنسبة 5%.

علاقة عكسية

القانون

$$E_p = \frac{\text{نسبة التغير في الكمية}}{\text{نسبة التغير في السعر}}$$

$$E_p = \frac{\% \Delta Q}{\% \Delta P}$$

نسبة التغير وليس التغير

التفرد

$$\% \Delta Q = \frac{Q_2 - Q_1}{Q_1} = \frac{\Delta Q}{Q}$$
$$\Delta Q = Q_2 - Q_1$$

$$\approx E_p = \frac{\frac{\Delta Q}{Q}}{\frac{\Delta P}{P}} = \frac{\Delta Q}{Q} * \frac{P}{\Delta P}$$

تحويل النسبة إلى نسبة

$$\approx E_p = \frac{\Delta Q}{\Delta P} \cdot \frac{P}{Q}$$

$$= \frac{\partial Q}{\partial P} \cdot \frac{P}{Q}$$

ببساطة لأنه بينهم نسبة

$$\approx E_p = \frac{\partial Q}{\partial P} \cdot \frac{P}{Q} \quad (\text{"القانون الثاني"})$$

Example : $Q = 20 - 4P$
Find E_p when $P = \$4$

Answer : $E_p = \frac{\partial Q}{\partial P} \cdot \frac{P}{Q}$

Price ← دائما "مقابل" الـ

$$= -4 \cdot \frac{4}{4} = -4$$

$$\approx E_p = -4$$

دائما الجواب سالب

☺

Note:
 $Q = 20 - 4(4)$
 $= 4$

2/8

CH3 - Con

EP → القيمة العكسية
EI → المرونة

→ Elasticity of Demand :-

1% ← كم التغير في

EX: $E_p = -0.5$

1% increase in Price leads to 0.5 decrease in quantity demanded.

العلاقات

	1% increase	→	0.5 decrease	
1% * 2	2 "	→	1 "	$0.5 * 2$
1% * 10	10 "	→	5 "	$0.5 * 10$
1% * 4	4 "	→	2 "	$0.5 * 4$

علاقة بين Elasticity و (المرونة) :-

$$E_p = \frac{\partial Q}{\partial P} \cdot \frac{P}{Q}$$

EX ←

Example

$Q = 30 - 5P$, Find E_p when $P = \$5$

Answer :

حساب المرونة على سعر "5"

$$E_p = \frac{\partial Q}{\partial P} \cdot \frac{P}{Q}$$

$$= -5 \cdot \frac{5}{5} = |-5| = 5$$

«بؤفء الصفة المطلقة» و دائما الصفة $\frac{\partial Q}{\partial P}$ من حساب $\frac{P}{Q}$

الب ← يعني علاقة عكسية ،
حاصل "P" ←

$(-5) \rightarrow$

Note that :-

$$\begin{aligned} Q &= 30 - 5 * 5 \\ &= 30 - 25 \\ &= 5 \end{aligned}$$

if $|E_p| > 1 \rightarrow$ demand elastic

$|E_p| < 1 \rightarrow$ inelastic

$|E_p| = 1 \rightarrow$ unit elastic

ما تنسى القيمة المطلقة

demand elastic

$5 > 1$

بعد طابرة
شونوع الطلب

EX:

$$Q = 24 - 3P$$

$$E_p? \quad P = \$4$$

Is demand elastic, inelastic or unit elastic??

Answer:

$$E_p = \frac{\partial Q}{\partial P} \cdot \frac{P}{Q}$$

$$= -3 \cdot \frac{4}{12}$$

$$= \frac{-12}{12} = -1 = 1$$

$$\frac{-3 \cdot 4}{12}$$

$$Q = 24 - 3(4)$$

$$= 24 - 12$$

$$= 12$$

Unit elastic

سؤال فكري صيدية وصغيرة (نقطة)

EX: Suppose that demand is given by: $Q = 18 - 2P$

if the price elasticity of demand is $\left\{ \frac{-1}{2} \right\}$, what is the price of the good?

elasticity $\frac{-1}{2}$

Answer: $E_p = \frac{\partial Q}{\partial P} \cdot \frac{P}{Q}$

$$\frac{-1}{2} = -2 \cdot \frac{P}{Q}$$

$P =$ دالته "دولار"
 $Q =$ قوتها الكمية
 $P =$ السعر

سؤال فكري

$$+\frac{1}{2} = +2 \cdot \frac{P}{18 - 2P}$$

موجودة بالموال

"الب مع الب بروج"

$$\frac{1}{2} \times \frac{2P}{18 - 2P}$$

"مترين تبادلي"

$$\rightarrow 4P = 18 - 2P$$

$$6P = 18$$

$$P = \frac{18}{6} = \$3$$

⊙ ← حيننا قبل شوي انو اذا ال Elasticity لا Demand curve كانت أكبر من (1) ← الطلب ← elastic

$$E_p > 1 \rightarrow \text{demand elastic}$$

وويتنا ال elasticity يكون أكبر من (1)؟؟

بكونه

$$\% \Delta Q > \% \Delta P$$

نسبة التغير في الكمية أكبر من نسبة التغير في السعر ✓

الطلب مرنة : يعني استجابته في التغير في الكمية بسبب تغير السعر بتكونه عالية ، فتكون نسبة التغير في الكمية أعلى .

← تبع

If $E_p < 1$ → demand inelastic

$$\Rightarrow \% \Delta P > \% \Delta Q$$

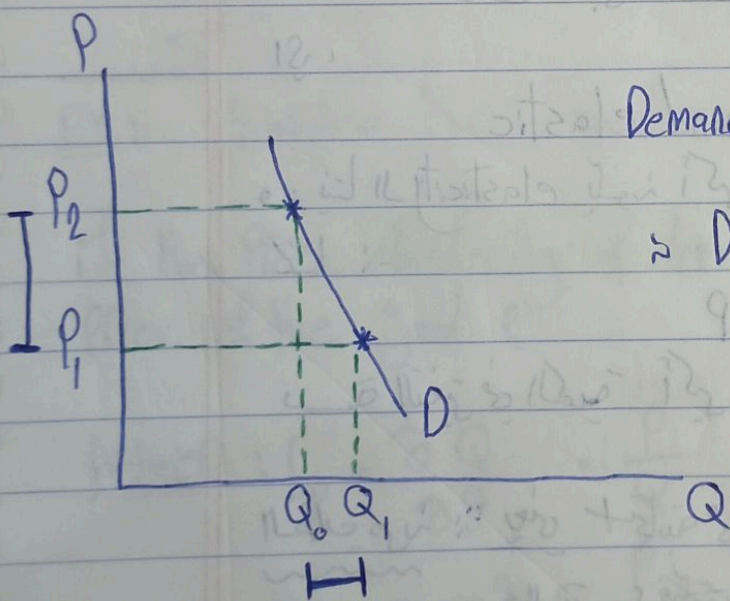
نسبة التغير في السعر أعلى من نسبة التغير في الكمية

بما أن المعلومات على طبيعتها بدنا نكتب شكل المنحنى في عنا شكلين

حالا two drawings ممكن
→ Demand curve

Steeper demand curve flatter demand curve

- ① Steeper → Vertical
- ② Flatter → Horizontal

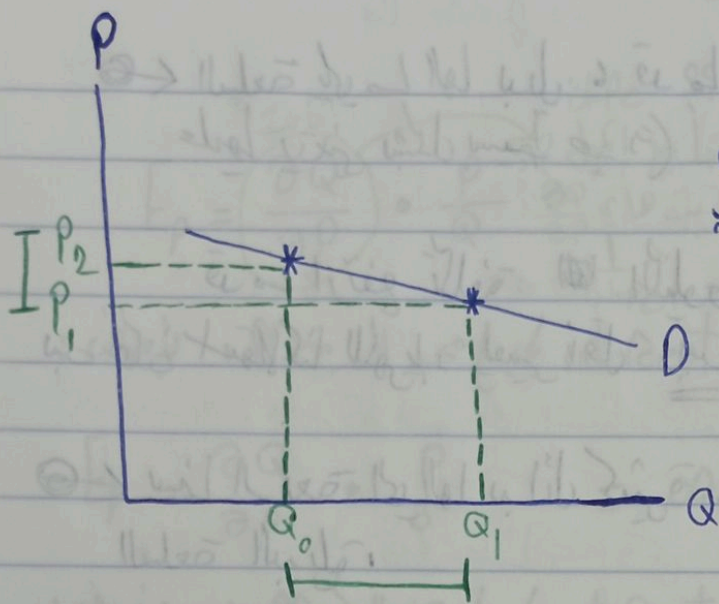


Demand curve is steeper

⇒ Demand inelastic

$$\% \Delta P > \% \Delta Q$$

⇒ Inelastic



FL demand is flatter
 = demand elastic

$$\% \Delta Q > \% \Delta P \rightarrow \text{Elastic}$$

Flatter

∞ flatter demand curve is more elastic than steeper demand curve.

⊙ → Page "21" : Price elasticity and the Substitution effect:

هو العلاقة بين المرونة بالسعر وتأثيري البديل؟؟

← فعليا ال Elasticity ال Demand curve تقدر إذا في بديل أو فقت.

- تأثيري البديل، هذا مربوط مع انو كلما بتغير السعر، ممكن المستهلك يروح على استهلاك السلعة البديلة، ما علاقته مع ال elasticity؟؟؟؟

- ← نوضح حالتين :-
- ① سلعة ما الها بديل .
 - ② سلعة لولا بدائل كثيرة .

← تباع

⊖ ← السلعة يكثر ما لها بديل ، قد ما تعني سعرها ربح فضل نطلبها (ممكن طلبك عليها يعني بشكل بسيط جدا) مثلا : خدمة الكهرباء / الماء

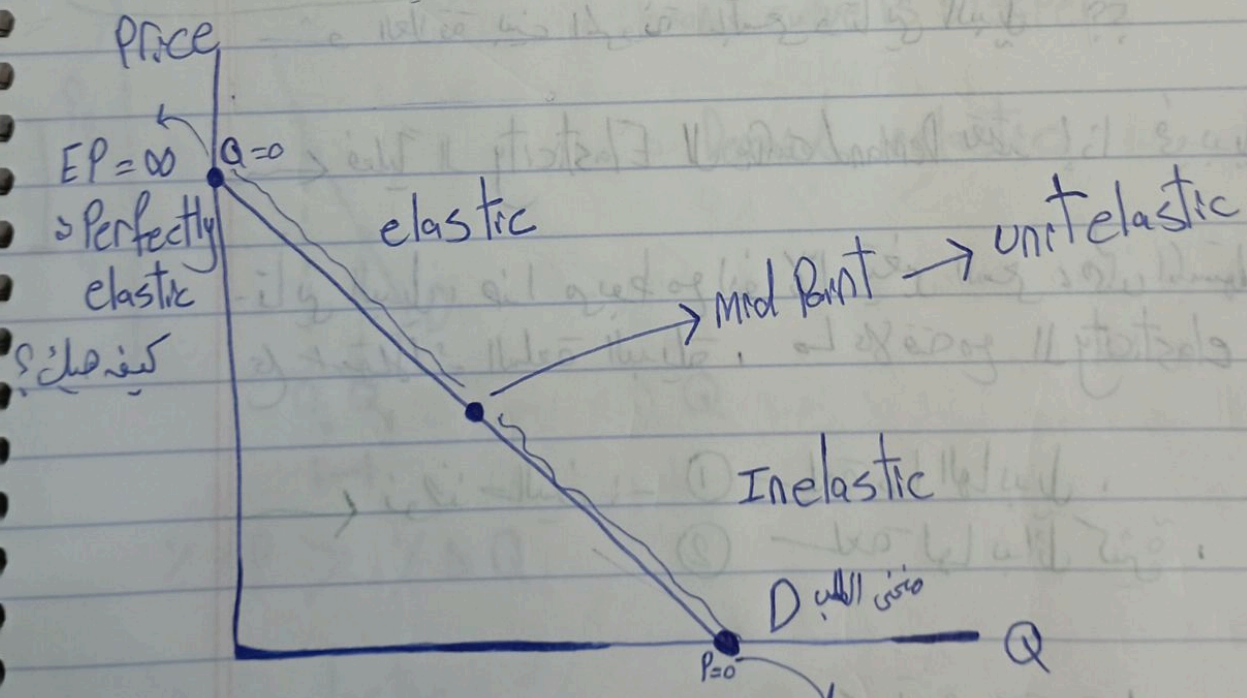
قد ما ارتفع تكلفة الكهرباء بالكميات - اصار نطلبها في الخدمة بت ممكن استهلاكنا للكهرباء بيسير اقل بتب ما معنا بديل آخر

⊖ ← بينما السلعة الي لها بديل كثيرة ← تعني بسيط لسعرها بروج على استهلاك السلعة البديلة

في بشكل عام ، كلما كانه هناك بديل للسلعة اكثر كلما كانت ال elasticity اعلى

← على نفس معنى الطلب - بدنا نعرف شو الاختلاف بين elasticity

⊖ Demand curve : ال Linear منحدر الأسفل :



كيفه هيك؟

تبيع تفسير

كيفه هيك؟

EP = 0
Perfectly inelastic

التفسير :-
الميل للـ Linear ثابت

معادلة الـ E_p شو هي $E_p = \frac{\partial Q}{\partial P} \cdot \frac{P}{Q}$
 الـ Slope هو $\frac{\Delta P}{\Delta Q}$ بتعني $\frac{1}{\text{slope}}$ بتعني $\frac{\partial Q}{\partial P}$ بتعني $\frac{\partial Q}{\partial P}$
 بتعني $\frac{\partial Q}{\partial P}$ بتعني $\frac{\partial Q}{\partial P}$

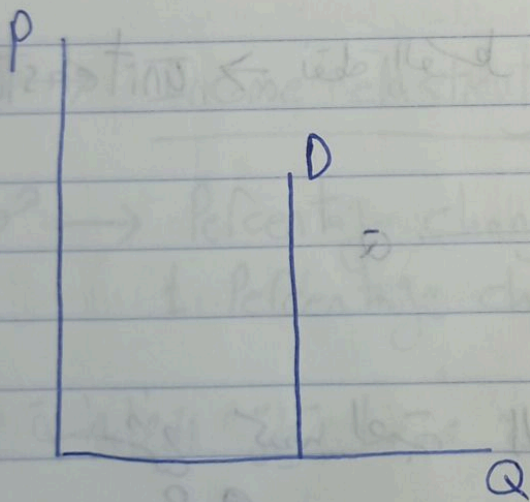
← $Q=0$ الـ Intercept الـ P بتعني $E_p = \infty$ بتعني $E_p = \infty$

$E_p = \frac{\partial Q}{\partial P} \cdot \frac{P}{0} = \infty$ Perfectly elastic

← $P=0$ الـ Intercept الـ Q بتعني $E_p = 0$ بتعني $E_p = 0$

$E_p = \frac{\partial Q}{\partial P} \cdot \frac{P}{Q} \rightarrow \frac{\partial Q}{\partial P} \cdot \frac{0}{Q} = 0$

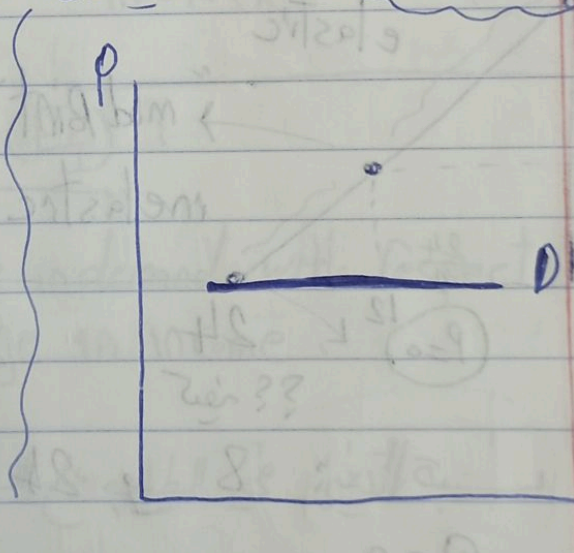
طالعات ثابتة :- $E_p = 0$ و $E_p = \infty$



$E_p = 0$

Perfectly inelastic

(معدوم المرونة)



$E_p = \infty$ $\frac{1}{\text{slope}} = \frac{1}{0} = \infty$

Perfectly elastic

Example

$$Q = 24 - 3P$$

المطلوب نعرفه
- : D curve

@ which Prices demand is Elastic ??

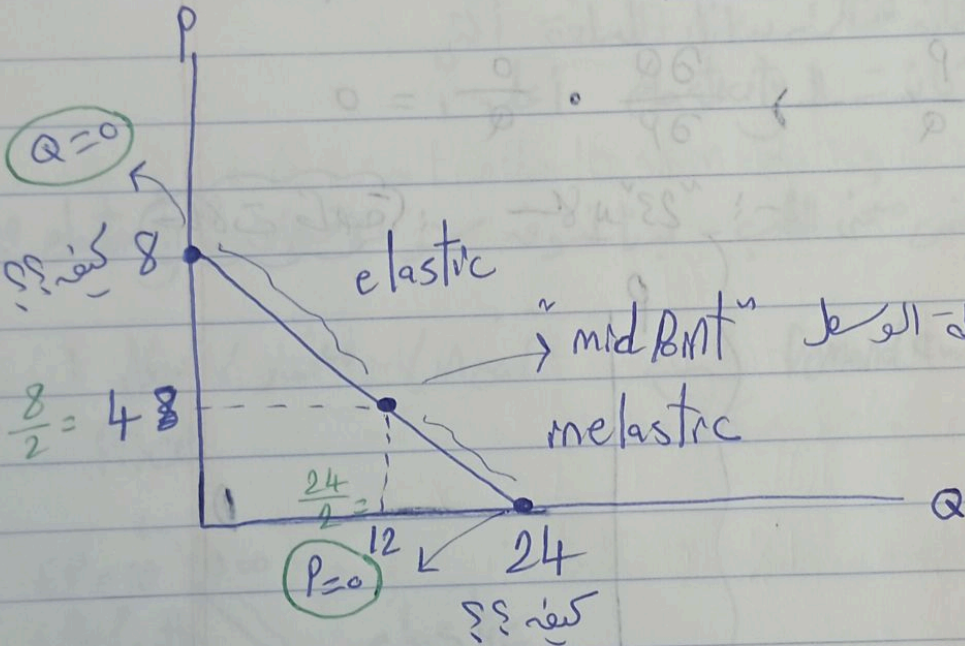
مع اي سعر يكون مرنى الطلب مرنه؟؟ (يمكن السؤال يكون عن مكانه)

inelastic → unitelastic

السعر هو بي بي واحد بالكل

دائماً مع هيك نقطة اركبي

note : نجد نقطة الوسط mid point بالوسط ونجد intercepts



سعر كيفه اصبه ال 24 و 8 :-

$$\begin{aligned} Q=0 \\ \Rightarrow Q &= 24 - 3P \\ 0 &= 24 - 3P \\ -24 &= -24 \\ -24 &= -3P \\ \frac{-24}{-3} &= \frac{-3P}{-3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow P &= 8 \\ (0, 8) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P=0 \\ \Rightarrow Q &= 24 - 3(0) \\ &= 24 \\ (24, 0) \end{aligned}$$

تبع جوابه السؤال :-

الجواب لل سوال :

when:

$4 < P < 8 \rightarrow$ Elastic
 $0 < P < 4 \rightarrow$ Inelastic

unit
Perfectly elastic ← 4 هو دالة لأنه ار 4 يكون ←
تعباً ال

Perfectly elastic ← 8 هو د

$P = 4 \rightarrow$ unit elastic
 $P = 8 \rightarrow$ Perfectly elastic
 $P = 0 \rightarrow$ " inelastic

أخذت ال P لأنه هو الذي عن ال P

Income elasticity (E_I):

Percentage change in demand with respect to 1 Percentage change in income.

نسبة التغير في الطلب على السلعة عندما يتغير الدخل بنسبة 1%

هوية ايضا يربط بين تغير الدخل و تغير الطلب

$$E_I = \frac{\partial Q}{\partial I} \cdot \frac{I}{Q}$$

مِنوع هَانِ اَوْزُ
الْقِيَمَةُ الْمَطْلُوعَةُ

كُلُّ قِيَمَةٍ لَهَا مَعْنَى مَعِيْنَةٌ .

IF:

$E_I > 0$ → the good is normal

$E_I < 0$ → the good is inferior

سَعْرٌ 24

② → Cross-Price elasticity :- "مَرُونَةُ الْمَطْلَبِ التَّقَابِلِيَّةِ"

صَوْنَةٌ يَرْبِطُ بَيْنَ سَلْعَتَيْنِ مُتَبَلِّغَاتٍ ، بَيْنَ تَغْيِيرِ سَعْرِ سَلْعَةٍ وَ الْمَطْلَبِ عَلَى السَّلْعَةِ الْآخَرَةِ .

هِيَ : نِسْبَةُ التَّغْيِيرِ فِي الْمَطْلَبِ عَلَى السَّلْعَةِ X عِنْدَمَا يَتَغَيَّرُ سَعْرُ السَّلْعَةِ Y بِنِسْبَةِ 1/1 .

$$E_{Q_x, P_y}$$

رَمَزُهَا ←

كَمِيَّةُ السَّلْعَةِ X

تَغْيِيرُ سَعْرِ السَّلْعَةِ Y

$\therefore E_{Q_x P_y}$ الميل: $\frac{P_y}{Q_x}$

$$\rightarrow E_{Q_x P_y} = \frac{\partial Q_x}{\partial P_y} \cdot \frac{P_y}{Q_x}$$

$E_{Q_x P_y} > 0 \rightarrow x, y$ Sub. ^{بدل} "مستبد"

$E_{Q_x P_y} < 0 \rightarrow x, y$ Complement ^{مكمل} "مكمل"

$E_{Q_x P_y} = 0 \rightarrow x, y$ UN Related "مفتر"

"الميل"

EX: Demand for good A is given by:

$$Q_A^d = 100 - 5P_A - 4P_B + 0.5I$$

$$P_A = \$8, P_B = \$5, I = 200$$

(A) what is the price elasticity of demand for good A. Is good A elastic, inelastic or unit elastic??

Answer: $E_p = \frac{\partial Q_A}{\partial P_A} \cdot \frac{P_A}{Q_A}$

$$\textcircled{Q} Q = 100 - 5(8) - 4(5) + 0.5(200)$$
$$Q = 140$$

$$-5 * \frac{8}{140} = \frac{-40}{140}$$

$$= |-0.28| = 0.28 < 1$$

inelastic

② What is the income elasticity of demand for good A.
 IS good A normal or inferior??

Answer:

$$E_I = \frac{\partial Q_A}{\partial I} \cdot \frac{I}{Q_A}$$

جولة الدخل مع أيا
 الأثر، الأثر
 الأثر، الأثر

$$E_I = 0.5 * \frac{200}{140} = \frac{100}{140}$$

جواب
 الب

= 0.7170
 ∴ good A is normal

③ What is the cross-elasticity of ~~good~~ demand for good A
 with respect to the Price of good B. Are good A
 and B Sub. / Com. or unrelated??

Answer: $E_{Q_A P_B} = \frac{\partial Q_A}{\partial P_B} \cdot \frac{P_B}{Q_A}$

التأثير

جولة مع B مع
 الأثر، الأثر

$$= -4 * \frac{5}{140}$$

$$= \frac{-20}{140} < 0$$

CH3

A, B are complements ✓

$$(7) u(x,y) = x^2 + y^2 \quad vx = (x,y) \quad (1)$$

$$(8) \frac{\partial u}{\partial x} = 2x \quad \frac{\partial u}{\partial y} = 2y$$

$$(9) u(x,y) = x^2 y^2 \quad vx = (x,y) \quad (2)$$

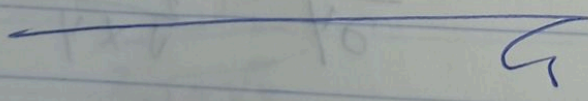
$$(10) \frac{\partial u}{\partial x} = 2xy^2 \quad \frac{\partial u}{\partial y} = 2xy^2$$

$$(11) u(x,y) = x^3 y^2 \quad vx = (y, x) \quad (3)$$

$$(12) \frac{\partial u}{\partial x} = 3x^2 y^2 \quad \frac{\partial u}{\partial y} = 2x^3 y$$

$$(13) u(x,y) = x^2 y^3 \quad vx = (y, x) \quad (4)$$

Maya M. Alarab



← المشتقات الكسرية :-

$$\textcircled{1} \quad u(x, y) = xy$$

$$\textcircled{\text{كسري}}: \quad \frac{\partial u}{\partial x} = y$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = x$$

$$\textcircled{2} \quad u(x, y) = 2xy$$

$$\textcircled{\text{كسري}}: \quad \frac{\partial u}{\partial x} = 2y$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = 2x$$

$$\textcircled{3} \quad u(x, y) = xy + 2x$$

$$\textcircled{\text{كسري}}: \quad \frac{\partial u}{\partial x} = y + 2$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = x$$

$$\textcircled{4} \quad u(x, y) = x^2y$$

$$\textcircled{\text{كسري}}: \quad \frac{\partial u}{\partial x} = 2yx$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = x^2$$

$$\textcircled{5} \quad u(x, y) = \sqrt{xy}$$

$$\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{y}{2\sqrt{xy}}$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = \frac{x}{2\sqrt{xy}}$$

$$\textcircled{6} \quad u(x, y) = \sqrt{2xy}$$

$$\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{2y}{2\sqrt{2xy}}$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = \frac{2x}{2\sqrt{2xy}}$$

← المشتقات الكسرية

$$\textcircled{7} \quad u(x, y) = x^2 + y^2$$

$$\textcircled{ds1} : \frac{\partial u}{\partial x} = 2x \qquad \frac{\partial u}{\partial y} = 2y$$

$$\textcircled{8} \quad u(x, y) = x^2 y^2$$

$$\textcircled{ds1} : \frac{\partial u}{\partial x} = 2y^2 x \qquad \frac{\partial u}{\partial y} = 2x^2 y$$

$$\textcircled{9} \quad u(x, y) = x^3 y^2$$

$$\frac{\partial u}{\partial x} = 3y^2 x^2 \qquad \frac{\partial u}{\partial y} = 2x^3 y$$

$$\frac{\frac{\partial u}{\partial x}}{\frac{\partial u}{\partial y}} \rightarrow \frac{M_u x}{M_u y} = \frac{3y^2 x^2}{2x^3 y} = \frac{3y}{2x}$$

$$\frac{\frac{\partial u}{\partial x}}{\frac{\partial u}{\partial y}} = \frac{2y}{2\sqrt{2xy}} \cdot \frac{2x}{2\sqrt{2xy}} = \frac{y}{x} \quad \checkmark$$